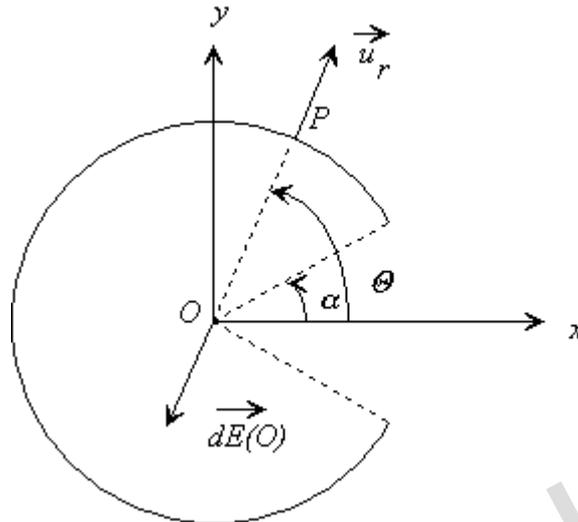


EM1.1. Champ au centre d'un anneau chargé présentant une ouverture.

Le plan xOy et xOz sont des plans de symétrie de la distribution de charges, le champ électrostatique doit simultanément appartenir à ces deux plans, donc à leur intersection. Le champ au point O est alors porté par la droite Ox .



Soit $\vec{dE}(O)$ le champ électrostatique élémentaire créé par l'élément de longueur dl centré en un point P de la circonférence chargée de l'anneau :

$$\vec{dE}(O) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dl}{PO^2} \vec{u}_{PO} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda a d\theta}{a^2} \vec{u}_r = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda d\theta}{a} \vec{u}_r$$

Compte tenu des symétries de la distribution de charges, seule la composante suivant Ox contribue au champ total en O . D'où :

$$dE_x(O) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} d\theta \vec{u}_r \cdot \vec{u}_x = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} \cos\theta d\theta$$

Le champ résultant en O a pour composante :

$$E_x(O) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} \int_{\alpha}^{2\pi-\alpha} \cos\theta d\theta = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} [\sin\theta]_{\alpha}^{2\pi-\alpha}$$

$$E_x(O) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} (\sin(2\pi - \alpha) - \sin\alpha)$$

$$E_x(O) = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{a} \sin\alpha$$