

# Physique. Devoir surveillé N° 1.

Il est rappelé que votre copie est destinée à être lue et corrigée. En conséquence, une présentation claire et lisible est recommandée. *Il en sera tenu compte dans la notation.*

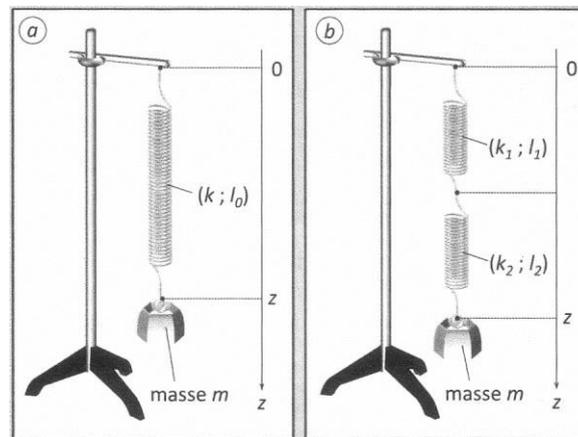
## PARTIE 1.

Vous trouverez sur la feuille annexe jointe différentes questions. Aucune démonstration n'est demandée. N'oubliez pas d'y inscrire votre nom et de la remettre dans votre copie.

## PARTIE 2.

### Exercice 1. Influence de la pesanteur sur un oscillateur à ressorts.

Un oscillateur harmonique mécanique est constitué d'une masse  $m$  suspendue à un ressort de raideur  $k$  et de longueur au repos  $l_0$ . Le champ de pesanteur uniforme  $g$  s'applique à la masse, dont la cote est repérée selon l'axe  $Oz$  vertical descendant dont l'origine est l'extrémité fixe du ressort, figure *a*.

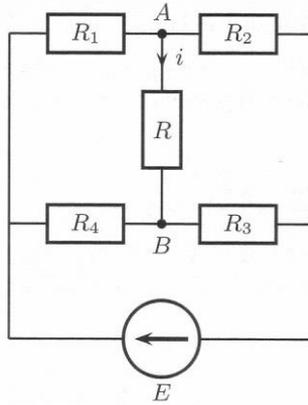


1. Déterminer la cote  $z_{eq}$  de la position d'équilibre de la masse.
2. Etablir l'équation différentielle décrivant le mouvement de la masse  $m$  le long de l'axe  $Oz$  en négligeant l'effet du frottement. Faire intervenir  $z_{eq}$  dans cette équation différentielle en  $z$ .  
Le champ de pesanteur a-t-il une influence sur la pulsation des oscillations ?
3. Etablir la loi horaire  $z(t)$  de la masse si celle-ci est lâchée sans vitesse initiale depuis la cote  $z = l_0$  correspondant à la longueur au repos du ressort.
4. On réalise un oscillateur en plaçant bout-à-bout deux ressorts de caractéristiques  $(k_1 ; l_{1o})$  et  $(k_2 ; l_{2o})$ , figure *b*. En étudiant l'équilibre de la masse  $m$  et du ressort 2, déterminer, en fonction de  $l_{1o}, l_{2o}, k_1$  et  $k_2$ , la cote  $z_2$  du dispositif.  
Montrer que cette association se comporte comme un ressort unique de longueur à vide  $l_{o\ eq}$  et de constante de raideur  $k_{eq}$  dont on déterminera les expressions.

*Suite au dos ....*

## Exercice 2. Pont de Wheatstone : mesure de température.

Le pont de Wheatstone est représenté sur la figure ci-dessous.



Pont de Wheatstone.

Le générateur  $E$  est supposé. La résistance  $R$  est celle d'un appareil de mesure qui pourra être un ampèremètre ou un voltmètre, on parle de résistance interne.

**1.** On suppose que l'appareil de mesure est un ampèremètre sensible aux faibles courants. Le pont est dit équilibré lorsque le courant  $i$  mesuré par l'ampèremètre est nul. Etablir une relation entre les quatre résistances  $R_i$  lorsque le pont est équilibré.

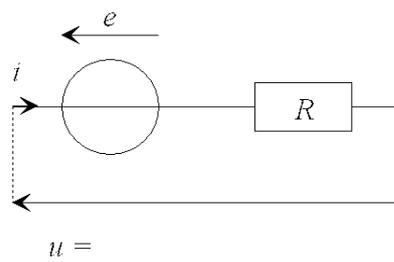
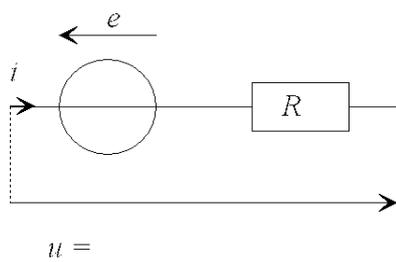
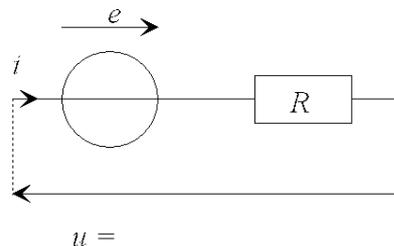
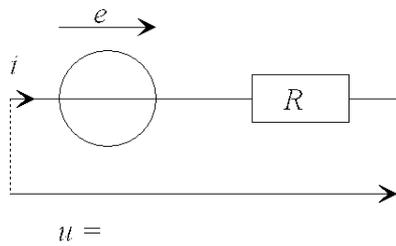
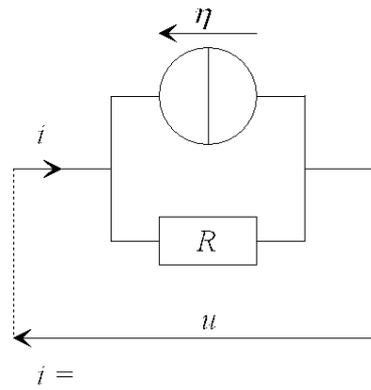
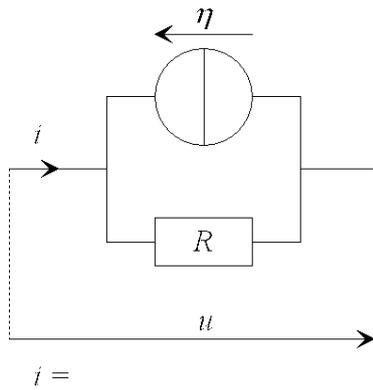
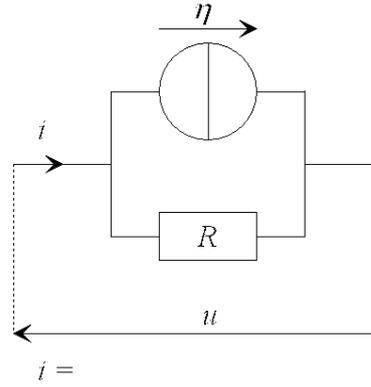
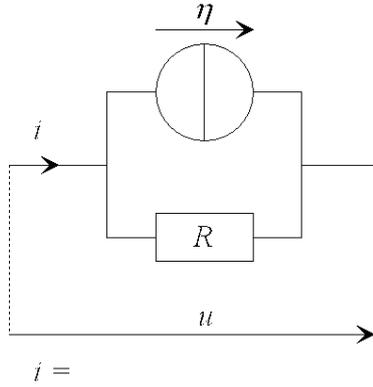
**2.** On suppose que  $R_1$  est une thermistance, c'est-à-dire que sa résistance varie en fonction de la température  $T$  (en degré Celsius) selon la loi  $R_1 = R_{10}(1 + \alpha T)$ . Lorsque  $T = 0$  °C, le pont est équilibré selon la méthode précédente (étalonnage). Les résistances  $R_2$ ,  $R_3$  et  $R_4$  sont de valeur fixe, et on remplace l'ampèremètre par un voltmètre pour lequel  $R$  sera supposée infinie (voltmètre idéal).

**2.a.** Exprimer la différence de potentiel  $U = V_A - V_B$  lorsque le pont est déséquilibré, fonction de  $E$ ,  $\alpha$ ,  $R_{10}$  et  $x = R_3/R_4$ .

**2.b.** Il est souhaitable lors de ce type de mesure d'avoir  $|U|$  maximum, afin d'avoir une sensibilité maximale. Etablir, pour une température  $T$  donnée, l'expression de  $x$  fonction de  $T$  et  $\alpha$  qui permet de maximiser  $|U|$ . Comment la simplifier pour des températures (autour de 20°C)? En déduire une condition sur les résistances, indépendante de la température, qui permet de maximiser la sensibilité. On donne  $\alpha = 10^{-3}$  °C<sup>-1</sup>.

**2.c.** Dans le cadre de la simplification précédente, déduire une expression simplifiée de  $T$  en fonction de  $\alpha$ ,  $U$  et  $E$ . Calculer la température mesurée si  $E = 10$  V et une tension mesurée  $U = -45$  mV.

1. Compléter les expressions de  $i$  (en fonction de  $\eta, r, u$ ) et de  $u$  (en fonction de  $e, r, i$ ).



$\sin a \cos b =$

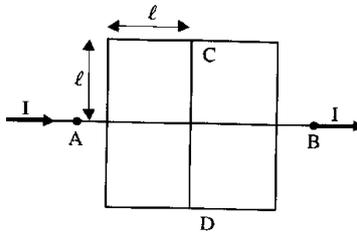
$\cos a - \cos b =$

2. Compléter :

$\cos(a + b) =$

$\cos 2a =$

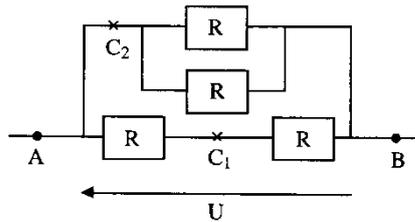
3. Soit le réseau résistif de la figure, constitué d'un carré de côté  $2l$ . Soit  $g$  la conductance de la longueur  $l$ .



Déterminer, en fonction de  $g$ , l'expression de la conductance équivalente  $G_{eq}$ , entre A et B :

$$G_{eq} =$$

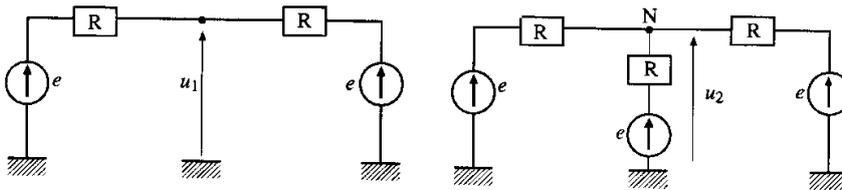
4. Dans le montage de la figure ci-dessous, on note  $P_1$  et  $P_2$  les puissances consommées respectivement dans les branches  $AC_1B$  et  $AC_2B$  :



On note  $P_1 = aP_2$  la relation entre les puissances  $P_1$  et  $P_2$ . Déterminer la valeur numérique de  $a$ .

$$a =$$

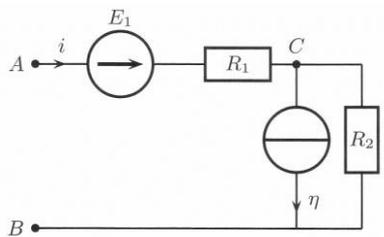
5. On considère les deux montages suivants :



Déterminer en fonction de  $e$  les expressions de :

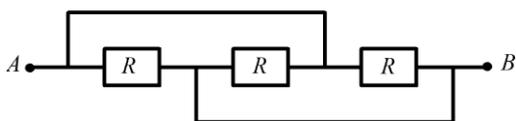
$$\begin{cases} u_1 = \\ u_2 = \end{cases}$$

6. On considère la portion de réseau suivante :



Mettre la tension  $u_{AB}$  sous la forme  $u_{AB} = R_{eq}i - E_{eq}$ . Donner les expressions de  $\begin{cases} E_{eq} = \\ R_{eq} = \end{cases}$

7. Déterminer la résistance équivalente  $R_{eq}$  à la portion de réseau entre A et B suivante :



$$R_{eq} =$$